3.7. О КОЭФФИЦИЕНТАХ ЭЛАСТИЧНОСТИ ЛИНИИ ФИНАНСОВОГО МЕНЕДЖЕРА

Перевозчиков А.Г., д.ф.-м.н., профессор, академик РАЕН, профессор кафедры вычислительной математики, Тверской государственный университет;

Тверской государственный университет;

Лесик И.А., старший инженер отдела автоматизации бизнес-процессов и документооборота, центр разработки и внедрения технологий управления ОАО «НПО РусБИТех», г. Тверь

<u>Перейти на Главное МЕНЮ</u> <u>Вернуться к СОДЕРЖ</u>АНИЮ

Рассматривается простейшая модель инвестиций в основные средства компании с использованием заемного капитала. В качестве критерия предлагается использовать прямой критерий стоимости собственного капитала компании. Стоимость собственного капитала компании. Стоимость собственного капитала может быть получена методом прямой капитализации валовой прибыли в рамках доходного подхода, что позволяет поставить задачу исследования стоимости компании от объема заемных средств. Эту зависимость можно назвать линией финансового менеджера и изучать в различных аспектах. Ранее было показано, что линия финансового менеджера является графиком возрастающей, вогнутой и кусочно-линейной функции и получена формула для ее обобщенного дифференциала. В настоящей работе на этой основе получены рабочие формулы для ее коэффициентов эластичности. Это позволяет исследовать ее устойчивость относительно малых изменений предполагаемого объема финансирования

Рассматривается простейшая модель инвестиций в основные средства компании с использованием заемного капитала. Эта модель представляет собой частный случай моделей предложенных в [1] для изучения влияния заемного капитала на рост ее стоимости в процессе инвестиций в основные и оборотные средства компании. Целью финансового менеджмента компании в долгосрочной перспективе, как известно [2,3], является обеспечение роста ее стоимости за счет инвестиции собственных и заемных средств в основные и оборотные средства компании.

В отличие [1], где используется косвенный критерий валовой прибыли, в качестве критерия предлагается использовать прямой критерий стоимости собственного капитала компании. Эта стоимость в простейшем случае может быть получена методом прямой капитализации валовой прибыли в рамках доходного подхода [4-6], что позволяет поставить задачу исследования стоимости компании от объема заемных средств. Эту зависимость можно назвать линией финансового менеджера и изучать в различных аспектах. Она наглядно показывает потенциальные возможности по росту стоимости компании в долгосрочной перспективе в зависимости от располагаемых финансовых ресурсов.

В работе [14] было показано, что линия финансового менеджера является графиком возрастающей, вогнутой и кусочно-линейной функции и получена формула для ее обобщенного дифференциала в смысле [7,8]. В настоящей работе получены формулы для ее коэффициентов эластичности. Это позволяет исследовать ее устойчивость относительно малых изменений предполагаемого объема финансирования.

Вот основные идеи, заложенные в нашей новой работе. Она предназначена для аспирантов и докторантов, специализирующихся в области финансового менеджмента предприятия, а также для действующих профессиональных оценщиков инвестиций и бизнеса.

1. Двойственная форма задачи построения функции валовой прибыли

Рассмотрим задачу построения функции валовой прибыли компании $\mathbf{Q} = \mathbf{Q}(\mathbf{V})$ без учета постоянных расходов \mathbf{c} [14]:

$$Q(V) = \max_{y} q(y),$$

$$\langle e, y \rangle \leq V, y \geq 0,$$
(1)

гле

$$q(y) = \max_{x} \langle c, x \rangle,$$

$$Ax \leq b + y, x \geq 0.$$
(2)

Здесь A - технологическая $m \times n$ - матрица производственной задачи (ПЗ),

c-n – вектор столбец цен на продукцию предприятия уменьшенных на удельные переменные расхолы:

b-m – вектор столбец производственных ресурсов выраженных в соответствующих единицах измерения;

e - m - вектор столбец цен производственных ресурсов;

x - n - вектор столбец выпуска продукции;

y-n вектор столбец дополнительно приобретенных ресурсов за счет предполагаемого объема V финансирования в виде долгосрочного займа по ставке r .

Для функции (2) можно использовать двойственное представление [14]:

$$q(y) = \min_{p} \langle b + y, p \rangle,$$

$$A * p \ge c, p \ge 0.$$
(3)

Здесь a * - сопряженная $n \times m$ – матрица;

p-n – вектор столбец двойственных переменных.

Функция минимума (3) будет вогнутой и ее субдифференциал задается формулой:

$$\partial q(y) = \operatorname{conv} \{ p = p(b+y), p \in P(b+y) \}, \qquad (4)$$

где conv(.) - выпуклая оболочка множества;

P(b+y) – множество оптимальных решений внутренней задачи минимизации (3);

p = p(b + y) – любой его элемент.

В частности, если множество P(b+y) состоит из единственной точки p = p(b+y), то функция минимума (3) будет дифференцируема и n – вектор столбец p = p(b+y) будет ее градиентом.

Напомним, что функция валового дохода (1) будет также вогнутой по лемме 1.8 из [11]. Наша цель вычислить ее субдифференциал и оценить соответствующие правый и левый коэффициенты эластичности

 $\mathbf{k}_{q}^{+} = \mathbf{k}_{q}^{+}(V)$, $\mathbf{k}_{q}^{-} = \mathbf{k}_{q}^{-}(V)$. Напомним, что V - скалярный параметр. Имея коэффициенты эластичности функции валового дохода можно оценить соответствующие коэффициенты $\mathbf{k}_{x}^{+} = \mathbf{k}_{x}^{+}(V)$, $\mathbf{k}_{x}^{-} = \mathbf{k}_{x}^{-}(V)$ эластичности линии менеджера [14]:

$$X = X(V) = \frac{Q(V) - C - rV}{i},$$
 (5)

где i – стоимость собственного капитала.

Эта зависимость наглядно показывает потенциальные возможности по росту стоимости компании в долгосрочной перспективе в зависимости от располагаемых финансовых ресурсов.

2. Вычисление субдифференциала функции дохода в дифференцируемом случае

Введем функции:

$$F^{0}(V,y) = q(y);$$

$$F^{1}(V,y) = \sum_{i=1}^{m} e_{i}y_{i} - V;$$

$$F^{1}(V,y) = -y_{j-1}; j = 2,...,m + 1,$$
(6)

и рассмотрим функцию максимума со связанными переменными:

$$Q(U) = \max_{y \in W(V)} F^{0}(V, y),$$
 (7)

где

$$W(V) =$$

$$= \left\{ u \in E^{T} \middle| F^{J}(V, y) \leq 0, j = 1, 2, ..., m + 1 = I \right\},$$
 (8)

на множестве:

$$Z = [0, U]; U > 0.$$
 (9)

Тогда множества z,w (v), $v \in z$, - ограничены, функции F^{J} непрерывны вместе с F_{v}^{J} , F_{y}^{J} на $z' \times E^{T}$, j = 0, 1,..., I, где $z' \supset z$ - некоторое ограниченное открытое множество. Для j = 0 непрерывность F_{u}^{J} , F_{u}^{J} по совокупности переменных следует из предположения о дифференцируемости по y функции q(y) и независимости ее от v. Для остальных j это видно непосредственно из определения (6).

Кроме того выполнено условие регулярности [15]:

$$F_y^j(V,y), j \in J_o(V,y),$$
-линейно независимы при при при $I_y^j(V,y)$ пь бых $V \in Z', y \in W_o(V)$.

Здесь обозначено:

$$J_{\tau}(V,y) = \left\{ j \in J \middle| F^{J}(V,y) \ge -\tau \right\}; \tau \ge 0; J = \{1,2,...,I\};$$

$$\tilde{W}_{\tau}(V) = \left\{ y \in W(V) \middle| F^{0}(V,y) \le \min_{y \in W(V)} F^{0}(V,y) + \gamma \right\}; \gamma \ge 0.$$
(11)

Функция $F^{\circ}(V,y) = q(y)$ - дифференцируема и, следовательно, липшицева, а точечно-множественное отображение w(v) непрерывно по Хаусдорфу (определение см. [11]) на z', что проверяется непосредственно. В этих условиях из результатов [15] следует существование производной по любому

направлению $v \in E^{T}$ вогнутой функции связанного максимума Q на Z', причем:

$$\frac{\partial Q(V)}{\partial V} = \min_{g \in G(V)} \langle g, V \rangle, \tag{12}$$

где

$$G(V) = co \left\{ g \in E^{1} \middle| \begin{array}{l} g = F_{v}^{0}(V, y) + \\ + A * (V, y) F_{v}^{0}(V, y), y \in W_{o}(V) \end{array} \right\}, \quad (13)$$

co – замыкание выпуклой оболочки множества, * - знак сопряжения, $A(V,y): E^{T} \to E^{m}$ - произвольный линейный оператор (матрица при фиксированных базисах в E^{T} и E^{m}), удовлетворяющий равенству:

$$F_{v}^{J_{0}}(V,y) + F_{v}^{J_{0}}(V,y)A(V,y) = 0.$$
 (14)

Здесь

$$J_{\tau} = J_{\tau}(V, y), F^{J_{\tau}}(V, y) = = (F^{J}(V, y), j \in J_{\tau}(V, y)).$$
(15)

В [16] было установлено дополнительно к (12), что при сделанных предположениях (14) представляет собой точное выражение для субдифференциала (множества ее субградиентов) вогнутой функции связанного максимума (7).

Из условия (11) следует, что векторы ($\nabla F^{j}(V,y)$, $j \in J_{o}(V,y)$) линейно независимы при любых $V \in Z^{j}$, $y \in W_{o}(V)$. Тогда в качестве оператора A можно взять, например, оператор [16]:

$$A * (V, y) = -F_{v}^{J_{0}} \left[F_{y}^{J_{0}} F_{y}^{J_{0}} \right]^{-1} F_{y}^{J_{0}}.$$
 (16)

3. Вычисление субдифференциала функции дохода в недифференцируемом случае

С учетом того, что $F_v^o(V,y) = q(y)$ и следовательно $F_v^o(v,y) = o$ формулу (10) можно записать в виде:

$$G(V) = co\{g \in E^1 | g = A * (V, y)F_y^0(V, y), y \in \widetilde{W}_0(V)\}.$$
 (17)

Для вогнутой функции $F_{v}^{o}(V,y) = q(y)$ в формуле (17) можно заменить формально градиент $F_{y}^{o}(V,y)$ на любой ее субградиент $p = p(b+y) \in P(b+y)$:

$$G(V) = co\{g \in E^1 | g = A*(V,y)p, y \in W_0(V), p \in P(b+y)\}.$$
 (18)

Тем же методом как терему 4.11 в [17] можно доказать дополнительно к (12), что при сделанных предположениях (18) представляет собой точное выражение для субдифференциала (множества ее субградиентов) вогнутой функции связанного максимума (7) в общем недифференцируемом случае.

Соответствующие формулы для коэффициентов эластичности $\mathbf{k}_{q}^{+} = \mathbf{k}_{q}^{+}(V)$, $\mathbf{k}_{q}^{-} = \mathbf{k}_{q}^{-}(V)$ производные (12) функции связанного максимума по направлениям $\mathbf{v}^{+} = \mathbf{1}$, $\mathbf{v}^{-} = -\mathbf{1}$ имеют вид:

$$\mathbf{k}_{\mathbf{Q}}^{+} = \left| \begin{array}{c} \frac{\partial \mathbf{Q}(\mathbf{V})}{\partial \mathbf{v}^{+}} \end{array} \right| = \left| \min_{\mathbf{g} \in \mathbf{G}(\mathbf{V})} \langle \mathbf{g}, \mathbf{v}^{+} \rangle \right|,$$
 (19)

$$\mathbf{K}_{\mathbf{Q}}^{-} = \left| \begin{array}{c} \frac{\partial \mathbf{Q}(\mathbf{V})}{\partial \mathbf{V}^{-}} \end{array} \right| = \left| \begin{array}{c} \min \left\langle \mathbf{g}, \mathbf{v}^{-} \right\rangle \end{array} \right| = \left| -\max_{\mathbf{g} \in \mathcal{G}(\mathbf{V})} \left\langle \mathbf{g}, \mathbf{v}^{+} \right\rangle \right|. \tag{20}$$

С учетом формулы (5) получим связь между субдифференциалами функции дохода и функции финансового менеджера:

$$\partial X = \partial X (V) = \frac{\partial Q(V) - r}{i}, \qquad (21)$$

откуда следуют соответствующие формулы для коэффиицентов эластичности линии финансового менеджера:

$$k_{x}^{+} = (k_{q}^{+}(V) - r) / i, k_{x}^{-} = (k_{q}^{-}(V) - r) / i.$$
 (22)

4. Примеры вычисление субдифференциала функции дохода и соответствующих коэффициентов эластичности

Пример 1. Вычислить оператор A по формуле (17) и соответствующий ему субградиент в формуле (14) в модельном примере из [17], считая, что m=3, e=(60,40,50) Для случаев: а) $J_o(V,y)=\{1,2\}$ при V<80, b) $J_o(V,y)=\{1\}$ при V=80, c) $J_o(V,y)=\{1\}$ при $J_o(V,y)=\{1\}$

Решение. а) В этом случае градиенты функций (6) в активных ограничениях задачи (7) имеют вид:

$$\nabla F^{1} = (-1,60,40,50)^{*}; \nabla F^{2} = (0,-1,0,0)^{*}.$$
 (23)

Оператор и по формуле (17) равен:

$$A^{*}(V,y) = -(-1,0) \begin{bmatrix} 60 - 1 \\ 40 + 0 \\ 50 + 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 60 - 1 \\ 40 + 0 \\ 50 + 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 60 - 1 \\ 40 + 0 \\ 50 + 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 60 - 1 \\ 40 + 0 \\ 50 + 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (0,0) \\ -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} (0,0) \\ -1$$

Ссоответствующий ему субградиент в формуле (13) имеет вид:

$$g = F_v^o(V, y) + A*(V, y)F_v^o(V, y) \approx 0 +$$

+(0;0,010;0,012)
$$\begin{bmatrix} P_1 \\ P_2 \\ P_3 \end{bmatrix}$$
 = 0,010 P_2 + 0,012 P_3 , (25)

где: $p = p(b + y) = (p_1, p_2, p_3)^* - единственное в случае дифференцируемости функции <math>q(y)$ решение внутренней задачи минимизации (3).

b) В этом случае единственный градиент функций (6) в активных ограничениях задачи (7) имеет вид:

$$\nabla F^{1} = (-1,60,40.50)^{*}.$$
 (26)

Оператор а по формуле (16) равен:

$$A^{*}(V,y) = -(-1)\begin{bmatrix} 60 \\ 40 \\ 50 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 60 \\ 40 \\ 50 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 60 \\ 40 \\ 50 \end{bmatrix} =$$

$$= (1)(7700)^{-1}(60,40,50) =$$

$$= (\frac{6}{770}, \frac{4}{770}, \frac{5}{770}) \approx (0,008;0,005;0,006).$$
(27)

Ссоответствующий ему субградиент в формуле (13) имеет вид:

$$g = F_{v}^{o}(V, y) + A * (V, y)F_{y}^{o}(V, y) \approx 0 +$$

$$(0,008; 0,005; 0,006) \begin{bmatrix} P_{1} \\ P_{2} \\ P_{3} \end{bmatrix} =$$

$$= 0,008P_{1} + 0,005P_{2} + 0,006P_{3},$$
(28)

с) В этом случае аналогично а) градиенты функций (6) в активных ограничениях задачи (7) имеют вид:

$$\nabla F^{1} = (-1,60,40.50)^{*}; \nabla F^{3} = (0,0,-1,0)^{*}.$$
 (29)

Оператор а по формуле (17) равен:

$$A^{+}(V,y) = -(-1,0) \begin{bmatrix} (60+0) & (60+0) & (60+0) \\ 40-1 & (40-1) & (40-1) \\ 50+0 & (50+0) \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 60+0 & (40-1) & (40-1) \\ 50+0 & (50+0) \end{bmatrix}^{-1} = \\ = (1,0) \begin{bmatrix} +7700-40 & -160 & (40-50) \\ -40+1 & (40-1) & (40-10) \end{bmatrix}^{-1} = \\ = \frac{1}{5100} (1,0) \begin{bmatrix} 1 & 40 & (60-40-50) \\ 40 & 7700 & (0-1) & (0-1) \end{bmatrix}^{-1} = \\ = \frac{1}{5100} (1,40) \begin{bmatrix} 60-40-50 & (60-40-50) \\ 0-1 & 0 \end{bmatrix}^{-1} = \\ = (\frac{3}{255}, 0, \frac{1}{102}) \approx (0,012; 0; 0,010).$$
(30)

Ссоответствующий ему субградиент в формуле (13) имеет вил:

$$g = F_{v}^{0}(V, y) + A^{*}(V, y)F_{y}^{0}(V, y) \approx$$

$$\approx 0 + (0,012; 0,010) \begin{bmatrix} P_{1} \\ P_{2} \\ P_{3} \end{bmatrix} = 0,012P_{1} + 0,010P_{3},$$
(31)

Пример 2. Вычислить производную по направлениям $v=\pm 1\in E^+$ по формуле (12) и соответствующие правый и левый коэффициенты эластичности $\mathbf{k}_{a}^{+}=\mathbf{k}_{a}^{+}(V)$, $\mathbf{k}_{a}^{-}=\mathbf{k}_{a}^{-}(V)$ в модельном примере из [17] для тех же случаев, считая, что: а) $P(b+y)=\{(0,35,5)\}$ при V<80, b) $P(b+y)=conv\{(0,35,5);(14,0,12)\}$ при V=80, $C)P(b+y)=\{(14,0,12)\}$ при V<80.

Решение. а) В этом случае производная по направлениям $v = \pm 1 \in E^1$ совпадает с производной дифференцируемой функции и равна:

$$\frac{\partial Q(V)}{\partial V} = \min_{g \in G(V)} \langle g, v \rangle = \langle g, v \rangle \approx 0,010 p_2 + \\ +0,012 p_3 = 0,010 \cdot 35 + 0,012 \cdot 5 = 0,35 + 0,06 = 0,4.$$
(32)

Соответствующие правый и левый коэффициенты эластичности $\mathbf{k}_{q}^{+} = \mathbf{k}_{q}^{+}(\mathbf{V}), \mathbf{k}_{q}^{-} = \mathbf{k}_{q}^{-}(\mathbf{V})$ совпадают и равны общему значению этой производной:

$$k_0^+(V) = k_0^-(V) \approx 0,41.$$
 (33)

b) В этом случае производные по направлениям $v = \pm 1 \in E^{-1}$ равны:

$$\frac{\partial Q(V)}{\partial V} = \min_{g \in G(V)} \langle g, v \rangle = \langle g, v \rangle \approx
\approx \min_{p \in P(b+y)} (0,008 p_1 + 0,005 p_2 + 0,006 p_3) v =
= \begin{cases}
\min_{p \in P(b+y)} (0,008 p_1 + 0,005 p_2 + 0,006 p_3), v = +1, \\
- \max_{p \in P(b+y)} (0,008 p_1 + 0,005 p_2 + 0,006 p_3), v = -1.
\end{cases}$$

Соответствующие правый и левый коэффициенты эластичности $\mathbf{k}_{q}^{+} = \mathbf{k}_{q}^{+}(\mathbf{V}), \mathbf{k}_{q}^{-} = \mathbf{k}_{q}^{-}(\mathbf{V})$ равны модулю производной по направлению:

$$\begin{aligned} k_{\alpha}^{+}(V) &= \min\left\{0,005 \cdot 35 + 0,006 \cdot 5; 0,008 \cdot 14 + 0,006 \cdot 12\right\} = \\ &= \min\left\{0,175 + 0,030; 0,112 + 0,072\right\} = \\ &= \min\left\{0,205; 0,184\right\} = 0,184. \\ k_{\alpha}^{-}(V) &= \max\left\{0,005 \cdot 35 + 0,006 \cdot 5; 0,008 \cdot 14 + 0,006 \cdot 12\right\} = \\ &= \max\left\{0,175 + 0,030; 0,112 + 0,072\right\} = \end{aligned} \tag{36}$$

$$= \max\left\{0,205; 0,184\right\} = 0,205.$$

В настоящей работе вычислен субдифференциал функции связанного максимума для функции доходности в производственной задаче и на этой основе получены рабочие формулы для коэффициентов ликвидности линии финансового менеджера в общем случае и приведены примеры их практического использования. Это позволяет исследовать ее устойчивость относительно малых изменений предполагаемого объема финансирования.

Литература

- Мищенко А.В., Артеменко О.А. Модели управления производственно-финансовой деятельностью предприятия в условиях привлечения заемного капитала. Финансовая аналитика, 2012, № 42 (132), с.2 - 13.
- Брейли Р., Майерс С. Принципы корпоративных финансов. М.: ИНФРА-М, 1999.
- Ван Хорн Дж. К. Основы финансового менеджмента.
 М.: Финансы и статистика, 2004.
- 4. Оценка бизнеса: Учебник/ Под ред. А.Г. Грязновой, М.А. Федотовой. М.: Финансы и статистика. 2002.
- Методология и руководство по проведению оценки бизнеса и/или активов ОАО РАО «ЕЭС России» и ДЗО ОАО РАО «ЕЭС России». - Deloitte&Touche. – декабрь 2003-март 2005.
- 6. Шарп У., Александер Г., Бейли Дж. ИНВЕСТИЦИИ: Пер. М. с англ. М.: ИНФРА-М, 1998. XII, 1028 с.
- Беляков А.В., Перевозчиков А.Г. К вычислению обобщенного дифференциала в однопараметрической задаче оптимизации инвестиционного проекта. Аудит и финансовый анализ. – 2011, № 2, с.242-247.
- Беляков А.В., Перевозчиков А.Г. К вычислению обобщенного дифференциала в двухпараметрической задаче оптимизации инвестиционного проекта. Аудит и финансовый анализ. – 2011, № 3, с.76-84.
- Ашманов С.А. Линейное программирование. М.: Наука, 1981.

- Демьянов В.Ф, Малоземов В.Н. Введение в минимакс. М.: Наука, 1972.
- 11. Федоров В.В. Численные методы максимина. М.: Наука, 1979.
- 12. Завриев С.К., Перевозчиков А.Г. Стохастический конечно-разностный алгоритм минимизации функции максимина. Журнал вычислительной математики и математической физики. 1991, Т. 30, № 4, с.629-633.
- 13. Михалевич В.С., Гупал А.М., Норкин В.И. Методы невыпуклой оптимизации. М., Наука, 1987.
- Перевозчиков А.Г.,Лесик И.А. Простейшая модель инвестиций в основные средства предприятия. Аудит и финансовый анализ. – 2014, № 2, с.233-240.
- Минченко Л.И. Дифференциальные свойства функции максимума при связанных ограничениях. Журнал вычислительной математики и математической физики, № 2, Т. 24, 1984, с.210-217.
- Завриев С.К., Перевозчиков А.Г. Метод стохастического обобщенного градиента для решения минимаксных задач со связанными переменными. Журнал вычислительной математики и математической физики, № 4, Т. 30, 1990, с.491-500.
- 17. Перевозчиков А.Г.,Лесик И.А. Модельный пример инвестиций в основные средства компании. Аудит и финансовый анализ. 2014, № 3.
- 18. Сухарев А.Г., Тимохов А.В., Федоров В.В. Курс методов оптимизации. – М.: Наука, 1986.

Ключевые слова

Собственный капитал компании; стоимость собственного капитала компании; доходный подход; метод прямой капитализации прибыли; инвестиции в основные средства компании; заемные средства компании на долгосрочной основе; зависимость стоимости от объема инвестиций; линия финансового менеджера; монотонность; вогнутость и эластичность линейность линии финансового менеджера.

Перевозчиков Александр Геннадьевич

Лесик Илья Александрович

РЕЦЕНЗИЯ

Рассматривается простейшая модель инвестиций в основные средства компании с использованием заемного капитала. В качестве критерия предлагается использовать прямой критерий стоимости собственного капитала компании. Стоимость собственного капитала компании. Стоимость собственного капитала компании. Стоимость собственного капитала может быть получена методом прямой капитализации валовой прибыли в рамках доходного подхода, что позволяет поставить задачу исследования стоимости компании от объема заемных средств. Эту зависимость можно назвать линией финансового менеджера и изучать в различных аспектах. Она наглядно показывает потенциальные возможности роста стоимости компании в долгосрочной перспективе в зависимости от располагаемых финансовых ресурсов.

В предыдущих работах авторов на эту тему было показано, что линия финансового менеджера является графиком возрастающей, вогнутой и кусочно-линейной функции и получена формула для ее обобщенного дифференциала. В настоящей работе на этой основе побучены рабочие формулы для ее коэффициентов эластичности. Это позволяет исследовать ее устойчивость относительно малых изменений предполагаемого объема финансирования.

Вот основные идеи, заложенные в работе. Она предназначена для аспирантов и докторантов, специализирующихся в области финансового менеджмента предприятия, а также для действующих профессиональных оценщиков инвестиций и бизнеса.

Фирсова Е.А., д.э.н, профессор, проректор по научной работе, заведующий кафедрой бухгалтерского учета и аудита Тверской государственной сельскохозяйственной академии.